

Věta

Něcht' je \mathbf{G} generující matice. Následující podmínky jsou ekvivalentní:

1. \mathbf{G} je minimální.

2. $\mathcal{K}(\mathcal{Z}(\mathbf{u})\mathbf{G}) \in \mathcal{C}$, právě když $\mathcal{K}(\mathcal{Z}(\mathbf{u})\mathbf{G}) = \mathbf{0}$.

3. Pro každé \mathbf{u} platí

a) $\deg \mathbf{u} \leq \deg \mathbf{u}\mathbf{G}$,

b) $\text{del } \mathbf{u} \Rightarrow \text{del } \mathbf{u}\mathbf{G}$.

4. \mathbf{G} má polynomiální pravý inverz a současně pravý inverz polynomiální v D^{-1} .



$$g: [u]_G \mapsto [uG]_G$$

projekce

$$S_G(u) = 0 \iff 0 = \mathcal{C}^* = \{w \in \mathcal{C} \mid k(w) \in \mathcal{C}\}$$

$\{u \mid k(uG) = 0\} [u]_G$

$$[u] \mapsto 0$$

p. 2. $k(uG) \in \mathcal{C}$

⑤ \xrightarrow{u}
 ⑥ \xrightarrow{u} $S_G(u)$

proble

(2) \Leftrightarrow (3)

$$k(uG) \in \mathcal{C}$$

$$u = \alpha(u) + k(u) = \alpha(u)G$$

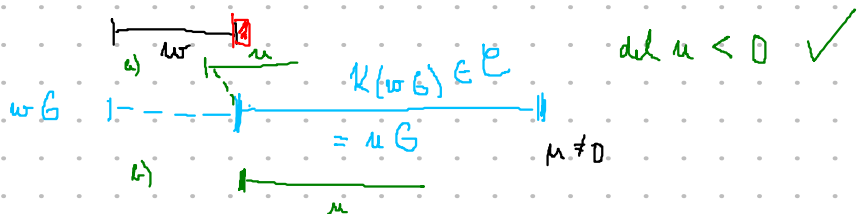
$$k(\alpha(u)G) + k(k(u)G) \in \mathcal{C}$$

*(2) "POUZE NULOVÝ AB. STAV JE KÓDOVÉ SLOVO"

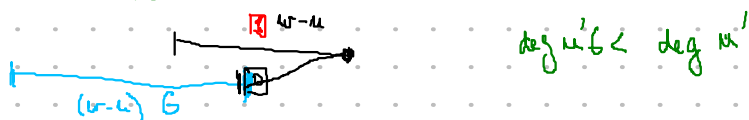
*(3) "VÝSTUP ROZTAHUJE VSTUP"

① $\neg(2) \Rightarrow \neg(3)$

$0 \neq k(wG) \in \mathcal{C} \quad w = \alpha(w)$



$$\frac{(w-u)G}{u'} = wG - uG$$



②

② \Rightarrow ③

$\neg(3) \Rightarrow \neg(2)$

7 a)



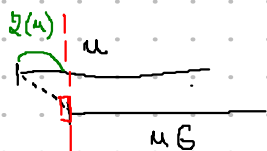
$k(uG) = 0$

$k(u) \neq 0$

$k(u)G \neq 0$

$0 \neq k(u)G = k(uG) = k(\alpha(u)G) = -k(\alpha(u)G) \in \mathcal{C}$

7 b)



$k(\alpha(u)G)$

$uG = \alpha(u)G + k(u)G$

$0 \neq k(uG) = uG = \underbrace{k(\alpha(u)G)}_{\in \mathcal{C}} + k(u)G$

$$\begin{array}{c} c \\ \boxed{G} \\ b \end{array} \cdot \begin{array}{c} b \\ \boxed{G'} \\ c \end{array} = \boxed{} \quad G \cdot G' = I_{b \times b}$$

PR. Inv. G

$$(G')_{ij} \in \mathbb{F}[D]$$

$$\boxed{G} \quad G^{-1} \in \mathbb{F}[D^{-1}] \quad \boxed{a_0 + a_1 D^{-1} + \dots + a_n D^{-n}}$$

$$G \cdot G^{-1} = I_{b \times b}$$

$$g_{ij} \in \mathbb{F}(D)$$

$$g_{ij} = \begin{bmatrix} p \\ q \end{bmatrix} \quad p, q \in \mathbb{F}[D] \quad \frac{1+2D+3D^2}{D+D^4} = \frac{D^{-4}}{D^{-4}} \cdot \frac{3D^{-2}+2D^{-3}+D^{-4}}{1+D^{-3}}$$

$$\mathbb{F}(D) = \mathbb{F}(D^{-1}) \quad \mathbb{F}((D)) \neq \mathbb{F}((D^{-1}))$$

$$1 + D + D^2 + D^3 + \dots = \frac{1}{1+D}$$

$$\begin{aligned}
 1 : 1+D &= 1 + \dots \\
 1 : D+1 &= D^{-1} + \dots \\
 \frac{1}{1+D} &= \frac{D^{-1}}{1+D^{-1}} = D^{-1} \cdot \frac{1}{1+D^{-1}} = D^{-1} (1 + D^{-1} + D^{-2} + D^{-3} + \dots) \\
 &= D^{-1} + D^{-2} + D^{-3} + \dots
 \end{aligned}$$

$$1 + D + D^2 + \dots = D^{-1} + D^{-2} + D^{-3} + \dots$$

$$\mathbb{F}_2 \quad 1 + D^4 + D^3 + D^{-1} + 1 + D + D^2 + D^3 = 0$$

$$\frac{1}{1+D} + \frac{1}{1+D} = 0$$